

**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«КОЛЛЕДЖ «КРАСНОСЕЛЬСКИЙ»**

РАССМОТРЕНО И ПРИНЯТО
на заседании Педагогического Совета
СПб ГБПОУ «Колледж «Красносельский»

Протокол №_9___ от __10.06_ 2022 г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор СПб ГБПОУ
«Колледж «Красносельский»
_____ Г.И. Софина
«10» __06__ 2022 г.
Приказ № 86 от _10.06_ 2022 г.

КОМПЛЕКТ КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

ОД.11 Математика

**программы подготовки квалифицированных рабочих и служащих
по профессии**

43.01.09 Повар, кондитер

Санкт-Петербург

2022 г.

Содержание

	Стр.
1. Паспорт контрольно- оценочных средств	4
2. Результаты освоения учебной, подлежащие проверке	9
2.1 Знания и умения, подлежащие проверке	9
2.2 Формы текущего контроля и промежуточной аттестации по учебной дисциплине	9
3. Комплект контрольно-измерительных материалов для оценки освоения учебной дисциплины	12
3.1 Комплект контрольно-измерительных материалов для оценки освоения учебной дисциплины математика (текущий контроль)	12
4. Контрольно-измерительные материалы для промежуточной аттестации по учебной дисциплине (экзамен)	30
4.1 Паспорт	30
4.2 Задания для экзаменуемого	35
4.3 Критерии оценки результата	37

1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств

1.1. Область применения

Комплект контрольно-оценочных средств предназначен для проверки результатов освоения учебной дисциплины (далее УД) математика основной профессиональной образовательной программы (далее ОПОП) по профессии 43.01.09 Повар, кондитер, входящей в состав укрупнённой группы профессий 43.00.00 Сервис и туризм.

Комплект контрольно-оценочных средств позволяет оценивать:

1.1.1. Освоение умений и усвоение знаний:

Освоенные умения, усвоенные знания	Показатели оценки результата	№ заданий для проверки
1	2	3
<p>Уметь</p> <p>У.1. Выполнять вычисления и преобразования:</p> <ul style="list-style-type: none">– выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма.– вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.– Проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.	<p>Применяет устные и письменные приемы при вычислении арифметических действий</p> <p>Применяет определения и свойства степени, логарифма, тригонометрических формул для вычисления и преобразования числовых, логарифмических, тригонометрических выражений</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р. 1, 3, 4, 7 ; Пз. по этим темам.</p>
<p>У.2. Решать уравнения и неравенства</p> <ul style="list-style-type: none">– Решать рациональные, иррациональные, показательные, тригонометрические и логарифмические уравнения, их системы.– Решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков, использовать для приближённого решения уравнений и неравенств графический метод.– Решать рациональные, показательные и логарифмические неравенства, их системы.	<p>Применяет формулы дискриминанта, корней квадратного уравнения для решения уравнений.</p> <p>Применяет свойства корня, логарифма, тригонометрические формулы для решения уравнений и неравенств.</p> <p>Применяет графический метод решения уравнений.</p> <p>Применяет методику составления уравнений при решении задач.</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р. 2, 3, 4, 8; Пз. по этим темам.</p>

<p>У.3. Выполнять действия с функциями</p> <ul style="list-style-type: none"> – определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции, описывать по графику поведение и свойства функции, находить по графику функции наибольшее и наименьшее значения, строить графики изученных функций. – Вычислять производные и первообразные элементарных функций. – Исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшее и наименьшее значения функции. 	<p>Применяет методы вычисления для нахождения значений функций. Применяет схему исследования функций для определения свойств функций.</p> <p>Применяет методику построения и исследования графиков функций. Применяет определения степенной, логарифмической, показательной функций для описания и анализа зависимостей величин.</p> <p>Применяет схему исследования функций с помощью производной. Применяет алгоритм нахождения наибольшего и наименьшего значения при решении задач.</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р. 9, 11 Пз. по этим темам.</p>
<p>У.4. Выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами</p> <ul style="list-style-type: none"> – Решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей) – Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов) – Определять координаты точки, проводить операции над векторами, вычислять длину и координаты векторов, угол между векторами 	<p>Применяет определения многогранников, тел вращения и их свойства для выполнения чертежей, построения сечений;</p> <p>Применяет формулы объёмов, площадей поверхностей при решении задач;</p> <p>Использует планиметрические факты при решении стереометрических задач</p> <p>Применяет формулу Ньютона-Лейбница для вычисления площадей фигур ограниченных линиями.</p> <p>Применяет формулу для вычисления объёмов тел.</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р.5, 6, 9, 10 Пз по этим темам.</p>
<p>У.5. Строить и исследовать простейшие математические модели</p> <ul style="list-style-type: none"> – Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять уравнения и неравенства по условию задачи – Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать простейшие модели с использованием геометрических понятий и теорем, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин – Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую 	<p>Переводит условие задачи на язык алгебры</p> <p>Использует язык стереометрии и метод координат для решения практических задач</p> <p>Применяет комбинаторные методы при решении задач.</p>	<p>Оценка результатов выполнения Пз.</p>

<p>правильность рассуждений, распознавать логически некорректные рассуждения</p> <p>– Моделировать реальные ситуации на языке теории вероятностей и статистики, вычислять в простейших случаях вероятность событий</p>		
<p>У.6. Использовать приобретённые знания в практической деятельности и повседневной жизни</p> <p>-Анализировать реальные числовые данные, информацию статистического характера, осуществлять практические расчёты по формулам</p> <p>-Описывать с помощью функций различные реальные зависимости между величинами и интерпретировать их графики, извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах</p> <p>- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, на наибольшее значение, нахождение скорости и ускорения</p>	<p>Применяет формулы сочетания, размещения, перестановки при решении задач.</p> <p>Применяет формулы производных и правила дифференцирования для решения физических задач и задач на оптимизацию</p>	<p>Оценка результатов выполнения Пз.</p>
<p>Знать</p> <p>3.1.</p> <p>– значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике;</p> <p>– вероятностный характер различных процессов окружающего мира</p>	<p>Правильно выбирает методику для решения задач различных процессов окружающего мира</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р., Пз.</p>
<p>3.2.</p> <p>– широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе</p>	<p>Правильно применяет математические методы для решения задач различных процессов окружающего мира.</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р., Пз.</p>
<p>3.3.</p> <p>– значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки</p>	<p>Применяет теоретические знания на практике</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р., Пз.</p>

<p>3.4. – историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии</p>	<p>Знает определения натуральных, рациональных, иррациональных чисел. Знает историю математики и возникновения геометрии</p>	<p>Оценка результатов выполнения К.Р., Пз.</p>
<p>3.5. – универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности</p>	<p>Знает законы логики и применяет их на практике.</p>	<p>Оценка результатов выполнения Пз.16</p>

Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке

2.1 Знания и умения, подлежащие проверке

В результате аттестации по учебной дисциплине осуществляется комплексная проверка следующих умений и знаний, а также динамика формирования общих компетенций:

Таблица 1

Наименование элемента умений или знаний	Виды аттестации	
	Текущий контроль	Промежуточная аттестация
У 1 - У 6	тестирование, защита рефератов и докладов, выполнение контрольных, практических работ	экзамен
З 1 – З 5		

2.2 Формы текущего контроля и промежуточной аттестации по учебной дисциплине

Таблица 2

Контроль и оценка освоения учебной дисциплины по темам (разделам, темам)

Элемент учебной дисциплины	Текущий контроль		Промежуточная аттестация	
	Форма контроля	Проверяемые У, З	Форма контроля	Проверяемые У, З
Раздел 1 Тема 1.1 Повторение	Практическая работа №1	У1, У2 З1-35	Экзамен	У1, У2
Раздел 1 Тема 1.2 Действительные числа	Устный опрос Практическая работа №2 Контрольная работа №1	У1 З 1- 35	Экзамен	У1
Раздел 1 Тема 1.3 Степенная функция	Устный опрос Практическая работа №3 Контрольная работа №2	У1, У2, У3 З 1- 34	Экзамен	У1, У2, У3
Раздел 1 Тема 1.4 Показательная функция	Устный опрос Практическая работа №4 Контрольная работа №3	У1, У2, У3, У6 З 1- 34	Экзамен	У1, У2, У3, У 6
Раздел 1 Тема 1.5 Логарифмическая функция	Устный опрос Практическая работа №5 Контрольная работа №4	У1, У2, У3, У6 З 1- 34	Экзамен	У1, У2, У3, У6
Раздел 2 Тема 2.1 Параллельность прямых и плоскостей Тема 2.2 Перпендикулярность прямых и плоскостей	Устный и письменный опрос Практическая работа №6 Контрольная работа №5	У 4, У5 З 1- 34	Экзамен	У4, У5

Раздел 3 Тема 3.1 Тригонометрические формулы	Устный и письменный опрос Практическая работа №7 Контрольная работа №6	У1, У5 З 1- 35	Экзамен	У1, У5
Раздел 3 Тема 3.2 Тригонометрические уравнения и неравенства	Устный и письменный опрос Практическая работа №8 Контрольная работа №7	У2, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У2, У5, У6
Раздел 3 Тема 3.3 Тригонометрические функции	Устный и письменный опрос	У3, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У3, У5, У6
Раздел 4 Тема 4.1 Функции, их свойства и графики	Устный и письменный опрос Практическая работа №9	У1, У2, У3, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У1, У2, У3, У5, У6
Раздел 4 Тема 4.2 Производная и её геометрический смысл	Устный и письменный опрос Практическая работа №10 Контрольная работа №8	У1, У3 З 1- 35	Экзамен	У1, У3
Раздел 4 Тема 4.3 Применение производной к исследованию функций	Устный и письменный опрос Практическая работа №11 Контрольная работа №9	У1, У2, У3, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У1, У2, У3, У5, У6
Раздел 5 Тема 5.1 Векторы в пространстве. Метод координат в пространстве. Скалярное произведение векторов Тема 5.2 Многогранники	Устный и письменный опрос Практическая работа №12 Контрольная работа №10	У4, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У4, У5, У6
Раздел 6. Повторение материала 1 и 2 курса	Устный и письменный опрос Практическая работа №13	У4, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У4, У5, У6
Раздел 7 Тела вращения	Устный и письменный опрос Практическая работа №14 Контрольная работа №11	У4, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У4, У5, У6
Раздел 8 Интеграл	Устный и письменный опрос Практическая работа №15 Контрольная работа №12	У1, У2, У3, У4, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У1, У2, У3, У4, У5, У6
Раздел 9 Измерения в геометрии	Устный и письменный опрос	У1, У4, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У1, У4, У5, У6
Раздел 10 Элементы комбинаторики,	Устный и письменный опрос Практическая работа №16 Контрольная работа №13	У1, У5, У6 З 1- 35	Экзамен	У1, У5, У6

статистики и теории вероятностей				
Раздел 11 Итоговое повторение	Устный и письменный опрос Практическая работа №17 Итоговая контрольная работа	У1-У6 31-35	Экзамен	У1-У6 31-35

Комплект контрольно-измерительных материалов для оценки освоения учебной дисциплины

Общее положение

Основной целью оценки курса учебной дисциплины математика является оценка освоения умений и усвоения знаний.

Оценка курса учебной дисциплины математика осуществляется с использованием следующих форм и методов контроля: устный опрос, оценивание результатов практической работы, оценивание результатов внеаудиторной самостоятельной работы; контрольные работы по разделам, экзамен

Комплект контрольно-измерительных материалов для оценки освоения учебной дисциплины математика (текущий контроль)

Критерии оценивания работ

Процент результативности (правильных ответов)	Качественная оценка индивидуальных образовательных достижений	
	балл (отметка)	вербальный аналог
86-100	5	отлично
66-85	4	хорошо
50-65	3	удовлетворительно
менее 50	2	неудовлетворительно

1 Курс

Входное тестирование

1) Какое из чисел 1.1; 1.01; 1.001; 1.0101; 1.00101 является наименьшим?

- a) 1.1
- b) 1.01
- c) 1.001
- d) 1.0101
- e) 1.00101

2) Чему равно выражение $\frac{1-\frac{3}{4}}{\frac{4}{3}-1}$?

- a) $\frac{3}{4}$
- b) $\frac{1}{12}$
- c) -1
- d) $\frac{4}{3}$
- e) $-\frac{9}{16}$

3) x – значение выражения $540 \cdot \frac{5}{13}$, y – значение выражения $540 \div \frac{5}{13}$

- a) $x > y$
- b) $x = y$
- c) $x < y$
- d) Определить нельзя
- e) Правильный ответ не указан

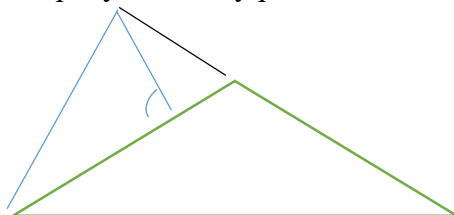
4) Периметр прямоугольника равен - 64 см, длина одной его стороны – 20 см. Чему равна площадь прямоугольника (в кв.см.)?

- a) 1280
- b) 880
- c) 240
- d) 120

- e) 44
- 5) Чему равно выражение $3(x - 2) - 2(2-x)$?
- $5x+2$
 - $x-6$
 - $2x-10$
 - $5x-6$
 - $5x-10$
- 6) Сколько существует значений m , при которых значение выражений $2m - 15$ и $m + 6$ равны?
- Ни одного
 - Одно
 - Два
 - Бесконечно много
 - Определить нельзя
- 7) Какое из указанных ниже выражений следует прибавить к выражению $\frac{1}{b+2}$, чтобы получить $\frac{1}{b}$?
- $\frac{1}{2}$
 - 2
 - $\frac{1}{b+2}$
 - $\frac{2}{b(b+2)}$
 - $\frac{2(b+1)}{b(b+2)}$

- 8) Все данные на рисунке даны в градусах. Чему равна величина Y ?

- 15°
- 20°
- 30°
- 45°
- 50°



- 9) При каких значениях m дробь $\frac{m^3 - m}{-2m}$ равно нулю?
- Только при $m=0$
 - Только при $m=1$
 - При $m=0$ или $m=1$
 - При $m=-1$ или $m=1$
 - При $m=-1$ или $m=0$ или $m=1$
- 10) Какие из следующих равенств является верным: 1) $\sqrt{25} = 5$; 2) $\sqrt{9} = -3$; 3) $-\sqrt{25} = -5$; 4) $\sqrt{-16} = -4$
- Только 1
 - 1 и 2
 - 1 и 3
 - 1 и 4
 - 1, 2, 3
- 11) Каковы соотношения между a, b, c , если графики соответствующих функций расположены так, как указано на рисунке?
- $a > b > c$
 - $b > a > c$
 - $a > c > b$
 - $c > b > a$
 - правильный ответ не указан

- 12) Какие из указанных ниже пар чисел являются решением системы уравнений: $\begin{cases} 2x - 3y = 13 \\ x - y = 5 \end{cases}$
- 2;3
 - 2;-3
 - 2;3
 - 3;-2
 - 3;2
- 13) График обратной пропорциональности проходит через точку $A(-6;3)$. Какая из указанных формул задает эту обратную пропорциональность?
- $y = -\frac{6}{x}$
 - $y = \frac{3}{x}$
 - $y = -\frac{2}{x}$
 - $y = -\frac{18}{x}$
 - определить нельзя
- 14) Каков знак числа a , если $-5a > -3a$?
- $a > 0$
 - $a = 0$
 - $a < 0$
 - определить нельзя
 - правильный ответ не указан
- 15) Какой вид имеет треугольник, если сумма каждых двух его углов больше 90° ?
- Остроугольный
 - Прямоугольный
 - Тупоугольный
 - Определить нельзя
 - Правильный ответ не указан
- 16) Укажите координаты точек пересечения графика функции $y = (x - 2)(x + 1)$ с осью OX и осью OY ?
- (2;1), (1;0), (0;-2)
 - (2;0), (-1;0), (0;2)
 - (2;0), (-1;0), (0;-2)
 - (-2;0), (1;0), (0;-2)
 - (2;0), (1;0), (0;2)
- 17) График функции $y = kx + t$ расположен во 2, 3 и 4 координатных углах. Каковы знаки k и t ?
- $k > 0, t > 0$
 - $k > 0, t < 0$
 - $k < 0, t > 0$
 - $k < 0, t < 0$
 - определить нельзя
- 18) выразите x через y , если $y = 3x + 2$
- $x = y + 1$
 - $x = y - 2$
 - $x = y - 5$
 - $x = \frac{y + 2}{3}$
 - $x = \frac{y - 2}{3}$
- 19) В трапеции $ABCD$ $\angle a = 68^\circ, \angle d = 74^\circ$. Каковы величины углов b и c ?
- $\angle b = 16^\circ, \angle c = 22^\circ$

- b) $\langle b=106^0, \langle c=112^0$
- c) $\langle b=22^0, \langle c=16^0$
- d) $\langle b=112^0, \langle c=106^0$
- e) Правильный ответ не указан

20) Какое из указанных множеств является решением неравенства $x^2 - 2x - 3 \leq 0$?

- a) $(-1; 3)$
- b) $[-1; 3]$
- c) $[-3; 1]$
- d) $(-\infty; -1] \cup [3; +\infty)$
- e) другое множество

Контрольная работа №1 по теме «Действительные числа»

Вариант 1

1. Постройте график функции $y = x^2 - 2x - 8$. Найдите с помощью графика:
 - Значение y при $x = -1,5$
 - Значение x , при которых $y = 3$
 - Нули функции, промежутки, в которых $y > 0$ и $y < 0$
 - Промежуток, в котором функция возрастает
2. Разложите на множители $3x^2 + 7x - 6$
3. Решите неравенство графически $2x^2 - 13x + 6 < 0$
4. Решите неравенство методом интервалов $\frac{x-5}{x+7} < 0$

Вариант 2

1. Постройте график функции $y = x^2 - 4x - 5$. Найдите с помощью графика:
 - Значение y при $x = 0,5$
 - Значение x , при которых $y = 3$
 - Нули функции, промежутки, в которых $y > 0$ и $y < 0$
 - Промежуток, в котором функция возрастает
2. Разложите на множители $5x^2 + 9x - 2$
3. Решите неравенство графически $2x^2 - x - 15 < 0$
4. Решите неравенство методом интервалов $\frac{x+3}{x-8} > 0$

Контрольная работа №2 по теме «Степенная функция»

Вариант 1

1. Найдите область определения функции $y = \sqrt[4]{4 - x^2}$
2. Изобразите эскиз графика функции $y = x^{-5}$
 - Выясните, на каких промежутках функция убывает
 - Сравните числа $(\frac{1}{7})^{-5}$ и 1 ; $(3,2)^{-5}$ и $(3\sqrt{2})^{-5}$
3. Решите уравнение:
 - $\sqrt{1-x} = 3$;
 - $\sqrt{2+x} = \sqrt{3-x}$
 - $\sqrt{1-x} = x + 1$

Вариант 2

1. Найдите область определения функции $y = (x^2 - 9)^{-1/3}$
2. Изобразите эскиз графика функции $y = x^{-6}$
 - Выясните, на каких промежутках функция возрастает
 - Сравните числа $(1/3)^{-6}$ и $(1/\sqrt{2})^{-6}$; $(4,2)^{-6}$ и 1
3. Решите уравнение:
 - $\sqrt{x-2} = 4$;
 - $\sqrt{5-x} = \sqrt{x-2}$
 - $\sqrt{x+1} = 1-x$

Контрольная работа №3 по теме «Показательная функция»

Вариант 1

1. Решите уравнение

- $\left(\frac{1}{5}\right)^{2-3x} = 25$
- $4^x + 2^x - 20 = 0$
- $7^{x-1} + 3 \cdot 7^x = 2^{x+5} + 3 \cdot 2^x$

2. Решите неравенство

- $\left(\frac{3}{4}\right)^x < \frac{4}{3}$
- $(\sqrt{5})^{x-6} < \frac{1}{5}$
- $\left(\frac{2}{13}\right)^{x^2-1} \leq 1$

3. Решите систему уравнений $\begin{cases} x - y = 4 \\ 5^{x+y} = 25 \end{cases}$

Вариант 2

1. Решите уравнение

- $(0,1)^{2x-3} = 10$
- $9^x + 7 \cdot 3^x - 18 = 0$
- $3^{x+3} + 3^x = 5 \cdot 2^{x+4} - 17 \cdot 2^x$

2. Решите неравенство

- $\left(\frac{6}{5}\right)^x < \frac{5}{6}$
- $(\sqrt{3})^{x-6} > \frac{1}{9}$
- $\left(\frac{9}{7}\right)^{x^2-4} \leq 1$

3. Решите систему уравнений $\begin{cases} x + y = -2 \\ 6^{x+5y} = 36 \end{cases}$

Контрольная работа №4 по теме «Логарифмическая функция»

Вариант 1

1. Вычислите

- $\text{Iog}_{\frac{1}{2}} 16$
- $5^{1+\text{Iog}_{\frac{1}{5}} 3}$
- $\text{Iog}_3 135 - \text{Iog}_3 20 + 2 \text{Iog}_3 2$

2. Сравните числа $\text{Iog}_{\frac{1}{2}} \frac{3}{4}$ и $\text{Iog}_{\frac{1}{2}} \frac{4}{5}$

3. Решите уравнение

- $\text{Iog}_5 (2x-1) = 2$
- $\log_8 x + \log_{\sqrt{2}} x = 14$

4. Решите неравенство

- $\text{Iog}_{\frac{1}{3}} (x-5) > 1$
- $\text{Iog}_{\frac{1}{6}} (10-x) + \text{Iog}_{\frac{1}{6}} (x-3) \geq -1$
- $\text{Iog}_3^2 x - 2 \text{Iog}_3 x < 3$

Вариант 2

1. Вычислите

- $\text{Iog}_3 \frac{1}{27}$
- $\left(\frac{1}{3}\right)^{2\text{Iog}_{\frac{1}{3}} 7}$
- $\text{Iog}_2 56 - 2 \text{Iog}_2 12 + \text{Iog}_2 63$

2. Сравните числа $\text{Iog}_{0,9} \frac{3}{2}$ и $\text{Iog}_{0,9} \frac{3}{4}$

3. Решите уравнение
 - $\log_4(2x + 3) = 3$
 - $\log_9 x + \log_{\sqrt{3}} x = 10$
4. Решите неравенство
 - $\log_5(x-3) < 2$
 - $\log_{1/6}(10-x) + \log_{1/6}(x-3) \geq -1$
 - $\log^2_2 x - 3 \log_2 x < 4$

Контрольная работа №5 по теме «Параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей»

Вариант 1

1. В треугольнике ABC $AC=CB=10$ см, угол $A=30^\circ$, BK – перпендикуляр к плоскости треугольника, равный $5\sqrt{6}$ см. Найдите расстояние от точки K до AC.
2. Точка M равноудалена от всех вершин равнобедренного прямоугольного треугольника ABC (угол $C=90^\circ$), $AC=BC=4$ см. Расстояние от точки M до плоскости треугольника равно $2\sqrt{3}$ см.
 - Докажите, что плоскость AMB перпендикулярна плоскости ABC.
 - Какой угол плоскость BMC составляет с плоскостью ABC?
 - Найдите угол между MC и плоскостью ABC.
3. Найдите расстояние от точки E – середины стороны AC до плоскости BMC.
4. Треугольники ABC и ADC лежат в разных плоскостях и имеют общую сторону AC. Точка E лежит на стороне AB, а точка F – на стороне BC, причем EF параллельна плоскости ADC, точка P – середина AD, а точка K – середина DC.
 - Докажите, что EF параллельна PK.
 - Каково взаимное расположение прямых PK и AB? Чему равен угол между этими прямыми, если угол $ABC=40^\circ$ и угол $BCA=80^\circ$?

Вариант 2

1. Через сторону AC треугольника ABC проведена плоскость α , удалённая от вершины B на расстояние, равное 4 см, $AC=BC=8$ см, угол $ABC=22,5^\circ$. Найдите угол между плоскостями ABC и α .
2. ABCD – квадрат со стороной, равной 4 см. Треугольник AMB имеет общую сторону AB с квадратом, $AM=BM=2\sqrt{6}$ см. Плоскости треугольника и квадрата взаимно перпендикулярны.
 - Докажите, что BC перпендикулярна AM.
 - Найдите угол между MC и плоскостью квадрата.
3. Найдите расстояние от точки A до плоскости DMC.
 1. Треугольники ABC и DCE лежат в разных плоскостях и имеют общую вершину C, AB параллельна DE.
 - Постройте линию пересечения плоскостей ABC и DCE. Поясните. Каково взаимное расположение прямых AB и DF, где точка F лежит на стороне CE? Чему равен угол между этими прямыми, если угол $FED=60^\circ$ и угол $DFE=100^\circ$?

Контрольная работа №6 по теме «Тригонометрические формулы»

Вариант 1

1. Вычислите а) $\cos 765^\circ$ б) $\sin \frac{19\pi}{6}$
2. Вычислите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{5}{13}$ и $-\pi < \alpha < -5\pi$
3. Упростите выражение $\frac{(\cos(\frac{3\pi}{2} + \alpha) + \cos(\pi - \alpha))}{1 + 2 \cos(-\alpha) \cdot \sin(-\alpha)}$

4. Решите уравнение $\sin(\pi/2 - 3x) \cdot \cos 2x - \cos(3\pi/2 - 2x) \cdot \sin 3x = 1$

Вариант 2

1. Вычислите а) $\cos 780^\circ$ б) $\sin \frac{13\pi}{6}$

2. Вычислите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{12}{13}$ и $\pi < \alpha < 3\pi/2$

3. Упростите выражение $\frac{(\sin(-\alpha) + \cos(\pi - \alpha))}{1 + 2 \cos(\pi/2 - \alpha) \cdot \cos(-\alpha)}$

4. Решите уравнение $\cos(3\pi/2 + x) \cdot \cos 3x - \cos(\pi - x) \cdot \sin 3x = -1$

2 Курс

Контрольная работа №7 по теме «Тригонометрические уравнения и неравенства»

Вариант 1

1. Решите уравнение

- $\sqrt{2} \cdot \cos x - 1 = 0$

- $3 \operatorname{tg} 2x + \sqrt{3} = 0$

2. Найдите все решения уравнения $\sin \frac{x}{3} = -\frac{1}{2}$ на отрезке $[0; 3\pi]$

3. Решите уравнение

- $3 \cdot \cos x - \cos^2 x = 0$

- $6 \cdot \sin^2 x - \sin x = 1$

Вариант 2

1. Решите уравнение

- $\sqrt{2} \sin x - 1 = 0$

- $\operatorname{tg} \frac{x}{2} - \sqrt{3} = 0$

2. Найдите все решения уравнения $\cos \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$ на отрезке $[0; 4\pi]$

3. Решите уравнение

- $\sin^2 x - \sin x = 0$

- $10 \cdot \cos^2 x + 3 \cos x = 1$

Контрольная работа №8 по теме «Производная и её геометрический смысл»

Вариант 1

1. Найдите производную функции:

$3x^2 - \frac{1}{x^3}$; $(\frac{x}{3} + 7)^6$; $e^x \cdot \cos x$; $\frac{2^x}{\sin x}$.

2. Найдите значение производной функции $f(x) = 1 - 6\sqrt[3]{x}$ в точке $x_0 = 8$.

3. Записать уравнение касательной к графику функции $f(x) = \sin x - 3x + 2$ в точке $x_0 = 0$.

Вариант 2

1. Найдите производную функции:

$2x^3 - \frac{1}{x^2}$; $(4 - 3x)^6$; $e^x \cdot \sin x$; $\frac{3^x}{\cos x}$.

2. Найдите значение производной функции $f(x) = 2 - \frac{1}{\sqrt{x}}$ в точке $x_0 = \frac{1}{4}$.

3. Записать уравнение касательной к графику функции $f(x) = 4x - \sin x + 1$ в точке $x_0 = 0$.

Контрольная работа №9 по теме «Применение производной к исследованию функций»

Вариант 1

1. Найдите стационарные точки функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$.

2. Найдите экстремумы функции:

- $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$

- $f(x) = e^x \cdot (2x - 3)$.

3. Найдите промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$.

Вариант 2

Найдите стационарные точки функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$.

Найдите экстремумы функции:

$$f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$$

$$f(x) = e^x \cdot (5 - 4x).$$

Найдите промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 3$.

Контрольная работа №10 по теме «Векторы в пространстве»

Вариант 1

1. Какой угол образуют единичные векторы \vec{a} и \vec{b} , если известно, что векторы $\vec{a} + 2\vec{b}$ и $5\vec{a} - 4\vec{b}$ взаимно перпендикулярны?
2. В кубе $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ длина ребра равна 1. М – центр грани $DD_1 C_1 C$. Используя метод координат, найдите:
 - угол между прямыми AM и $B_1 D$
 - расстояние между серединами отрезков AM и $B_1 D$.
3. Даны две точки: А, лежащая на оси ординат, и $B(1; 0; 1)$. Прямая AB составляет с плоскостью Oxz угол в 30° . Найдите координаты точки А.
4. Найдите координаты вектора \vec{a} , коллинеарного вектору $\vec{b}\{6; 8; -7,5\}$ и образующего тупой угол с координатным вектором \vec{j} , если $|\vec{a}|=50$.

Вариант 2

1. Даны точки $A(-1; 2; 1)$, $B(3; 0; 1)$, $C(2; -1; 0)$ и $D(2; 1; 2)$. Найдите:
 - угол между векторами \vec{AB} и \vec{CD} ;
 - расстояние между серединами отрезков AB и CD .
2. Основанием прямой призмы $ABCA_1 B_1 C_1$ служит равнобедренный треугольник ABC , угол $ACB=120^\circ$, $AC=CB=BB_1$. Используя векторы, найдите угол между прямыми AB и CB_1 .
3. Даны две точки: А, лежащая в плоскости xOy , и $B(1; 1; 1)$, причём абсцисса точки А равна её ординате. Прямая AB составляет с плоскостью zOy угол в 30° . Найдите координаты точки А.
4. Даны векторы $\vec{a}\{7; 0; 0\}$ и $\vec{b}\{0; 0; 3\}$. Найдите множество точек М, для каждой из которых выполняются условия $\vec{OM} \cdot \vec{a}=0$ и $\vec{OM} \cdot \vec{b}=0$, где О – начало координат.

3 курс

Контрольная работа №11 по теме «Тела вращения»

Вариант 1

1. Прямоугольная трапеция с углом 45° вращается вокруг прямой, содержащей большее основание. Найдите площадь поверхности тела вращения. Если основания трапеции равны 3 и 5.
2. В шар радиуса R вписан конус, у которого образующая составляет с плоскостью основания угол φ .
 - Найдите площадь боковой поверхности конуса.
 - Если $\varphi = 30^\circ$, то найдите наибольшую возможную площадь сечения, проходящего через вершину конуса.
3. Сфера, заданная уравнением $x^2 + y^2 + (z-1)^2 = 4$, пересекает оси координат в точках А, В и С. А – точка пересечения с осью Ox , В - с осью Oy , С - с осью Oz (координаты этих точек положительны). Найдите угол между плоскостью ABC и плоскостью $z=0$.

Вариант 2

1. В цилиндре проведена плоскость, параллельная оси и отсекающая от окружности основания дугу в 90° . Диагональ сечения равна 10 и удалена от оси на расстояние, равное 4. Найдите площадь боковой поверхности цилиндра.

- В правильной треугольной пирамиде боковые грани наклонены к основанию под углом в 60° . В эту пирамиду вписан шар радиуса R .
 - Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.
- Из точки $M(-7; 3; -4)$ проведена касательная к сфере, заданной уравнением $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 27 = 0$. Найдите длину касательной от точки M до точки касания.

Контрольная работа №12 по теме «Интеграл»

Вариант 1

- Найдите все первообразные функции $f(x) = 3x^2 - 4x + x^5 - 2$
- Найдите первообразную функции $f(x) = 3x - 5$, график которой проходит через точку $(4; 10)$
- Найдите площадь фигуры, ограниченной осями координат, графиком функции $f(x) = x^2 - 6x + 9$ и прямой $x = 2$.

Вариант 2

- Найдите все первообразные функции $f(x) = 5x^2 - 2x + x^7 - 3$
- Найдите первообразную функции $f(x) = 5x + x^2$, график которой проходит через точку $(0; 3)$
- Найдите площадь фигуры, ограниченной осями координат, графиком функции $f(x) = x^2 - 8x + 16$ и прямой $x = 2$.

Итоговая контрольная работа

Шкала перевода баллов в отметки по пятибалльной системе

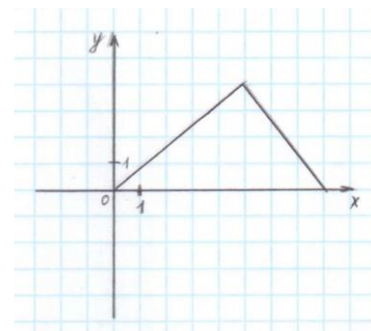
Отметка	Число баллов, необходимое для получения отметки
«3» (удовлетворительно)	9-14
«4» (хорошо)	15-20 (не менее одного задания из дополнительной части)
«5» (отлично)	21-30 (не менее двух заданий из дополнительной части)

Вариант 1

Обязательная часть.

При выполнении заданий 1-8 запишите ход решения и правильный ответ.

- (1 б) Тетрадь стоит 30 рублей. Какое наибольшее число тетрадей можно будет купить на 950 рублей после понижения цены на 25%?
- (1 б) Бригадир должен отправить на работу бригаду из 3-х человек. Сколько таких бригад можно составить из 8 человек?
- (1 б) Проходит ли график функции $y = -2x^3$ через точки:
а) $A(0; -2)$ б) $B(-1; 2)$
- (1 б) Найдите значение выражения $\frac{\sqrt[3]{10} \cdot \sqrt[3]{25}}{\sqrt[3]{2}}$
- (1 б) Найдите значение $\cos \alpha$, если $\sin \alpha = -\frac{1}{2}$ и $\alpha \in III$ ч
- (1 б) Решите уравнение $\log_2(-1-x) = 2$



7. (1 б) Даны векторы $\vec{a}\{-8;2;0\}$ и $\vec{b}\{5;2;-1\}$. Найдите координаты $\vec{c} = \frac{1}{2}\vec{a} + \vec{b}$.

8. (1 б) Решите уравнение $\left(\frac{1}{6}\right)^{x-1} = \frac{1}{36}$

9. Дорисуйте график нечётной функции

В заданиях 10-12, используя график функции $y = f(x)$ (см. ниже), определите и запишите ответ.

10. (1 б) Наибольшее и наименьшее значения функции.

11. (1 б) При каких значениях x $f(x) \leq 0$?

12. (1 б) Промежутки возрастания и убывания функции.

При выполнении заданий 13-18 запишите ход решения и полученный ответ.

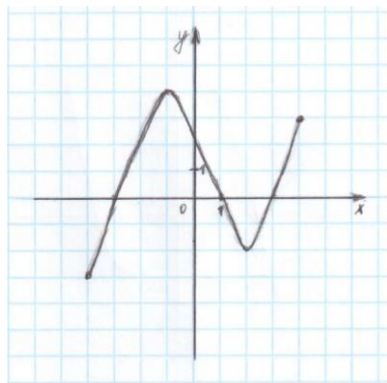
13. (1 б) Из точки А к плоскости круга проведён перпендикуляр длиной 4 см, радиус круга 3см. Найдите расстояние от точки А до точки на окружности.

14. (1 б) Точка движется по прямой со скоростью $g(t) = 3t^2 - 4t$. Определите ускорение точки в момент времени $t = 2$ с.

15. (1 б) Найдите область определения функции $y = x - 5$.

16. (1 б) Решите уравнение $\sqrt{14 + 5x} = 7$

17. (1 б) Решите уравнение $\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = 1$



18. (1 б) В осевом сечении цилиндра получился квадрат площадью 4 см^2 . Найдите площадь основания цилиндра.

Дополнительная часть.

При выполнении заданий 19-22 запишите ход решения и правильный ответ.

19. (3 б) Найдите промежутки убывания функции $f(x) = x^4 + 8x^2 - 3$

20. (3 б) Длина высоты цилиндра на 10 см больше длины радиуса основания цилиндра, а площадь полной поверхности цилиндра равна $144\pi \text{ см}^2$. Найдите объем цилиндра.

21. (3 б) Решите систему уравнений $\begin{cases} x + y = 8 \\ \log_7 y = 1 - \log_7 x \end{cases}$

22. (3 б) Найдите решение уравнения $\cos 2x + 2\cos^2 x - \sin 2x = 0$

Вариант 2

Обязательная часть.

При выполнении заданий 1-8 запишите ход решения и правильный ответ.

1. (1 б) Налог на доходы составляет 13% от заработной платы. После удержания налога на доходы Мария Константиновна получила 9570 рублей. Сколько рублей составляет заработная плата Марии Константиновны?

2. (1 б) Сколькими способами можно расставить 6 томов энциклопедии, чтобы они стояли в беспорядке?

3. (1 б) Определите, какие из перечисленных точек принадлежат графику функции $f(x) = \sin x$

A $\left(\frac{\pi}{6}; -\frac{1}{2}\right)$

B $\left(\frac{\pi}{2}; 1\right)$

C (0; -1)

D $\left(\frac{\pi}{4}; 0\right)$

4. (1 б) Вычислите значение выражения $\left(\frac{64}{125}\right)^{\frac{1}{3}} - \sqrt[4]{\frac{81}{625}}$

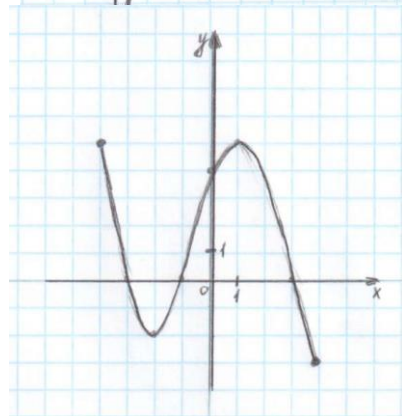
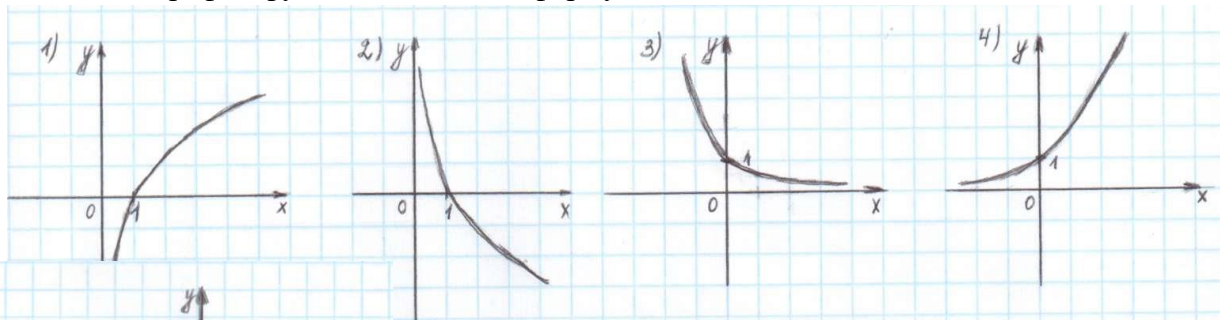
5. (1 б) Найдите значение $\sin \alpha$, если известно, что $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ и $\alpha \in I$ ч.

6. (1 б) Решите уравнение $\log_3(2x+1) = \log_3 5 + \log_3 8$

7. (1 б) Даны векторы $\vec{a}\{3;0;-2\}$ и $\vec{b}\{-1;5;2\}$. Найдите координаты $\vec{c} = 2\vec{a} + \vec{b}$.

8. (1 б) Решите уравнение $3^{5x+1} = 9^{2x}$

9. Укажите график функции, заданной формулой $y = 0,5^x$



В заданиях 10-12, используя график функции $y = f(x)$ (см. ниже), определите и запишите ответ.

10. (1 б) При каких значениях x $f(x) \geq 0$?

11. (1 б) Наибольшее и наименьшее значения функции.

12. (1 б) Промежутки возрастания и убывания функции.

При выполнении заданий 13-18 запишите ход решения и полученный ответ.

13. (1 б) От электрического столба высотой 5,8 м к дому, высота которого 3,9 м, натянут кабель. Определите длину кабеля, если расстояние между домом и столбом 3,4 м.

14. (1 б) Тело движется по прямой так, что расстояние S начальной точкой изменяется по закону $S(t) = 5t - 0,5t^2$, где t – время движения в секундах. Найдите скорость через 2 секунды после начала движения.

15. (1 б) Найдите область определения функции $y = \log_5(x-5)$

16. (1 б) Решите уравнение $\frac{1}{3}\sqrt{x+2} = 9$

17. (1 б) Решите уравнение $\cos^2 x + \cos x = -\sin^2 x$

18. (1 б) Высота конуса равна 12 см, радиус основания равен 5 см. вычислить длину образующей конуса.

Дополнительная часть.

При выполнении заданий 19-22 запишите ход решения и правильный ответ.

19. (3 б) Найдите промежутки возрастания функции $f(x) = 2x^3 - 5x^2 - 3x$

20. (3 б) Основание пирамиды – прямоугольный треугольник, один из катетов которого равен 12 см, противолежащий ему угол 60° . Каждое боковое ребро 13 см. Найдите объём пирамиды.

21. (3 б) Решите систему уравнений $\begin{cases} x + y = 8 \\ \log_2 x = 1 - \log_{12} y \end{cases}$

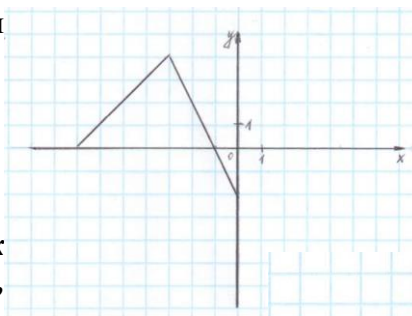
22. (3 б) Решите уравнение $1 - \cos 4x = \sin 2x$

Вариант 3

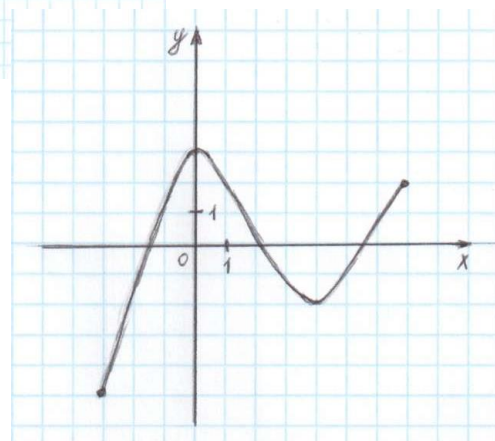
Обязательная часть.

При выполнении заданий 1-8 запишите ход решения и правильный ответ.

1. (1 б) 1 метр ситца стоил 80 рублей. Сколько можно купить ткани на 1000 рублей, если администрация магазина в честь праздника сделала скидку 10%?
2. (1 б) Из 10 кандидатов нужно выбрать 3-х на конференцию. Сколькими способами это можно сделать?
3. (1 б) Проходит ли график функции $y = -2x^2$ через точки:
а) А (0,5; -0,5) б) В (-1,5; 1,1)
4. (1 б) вычислите значение выражения $8^{\frac{8}{9}} \cdot 64^{\frac{1}{18}}$
5. (1 б) Найдите значение $\cos \alpha$, если $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$, $\alpha \in II$ ч
6. (1 б) Решите уравнение $\log_2(4-x) = 2$
7. (1 б) Даны векторы $\vec{a}\{5;-1;2\}$ и $\vec{b}\{3;2;-4\}$. Найдите координаты $\vec{c} = \vec{a} - 2\vec{b}$.
8. (1 б) Решите уравнение $4^x \cdot 2^x = 64$
9. (1 б) Дорисуйте график четной функции



В заданиях 10-12, используя график функции $y = f(x)$ (см. ниже), определите и запишите ответ.



10. (1 б) Наибольшее и наименьшее значения функции.
11. (1 б) Промежутки возрастания и убывания функции.
12. (1 б) При каких значениях x $f(x) \leq 0$

При выполнении заданий 13-18 запишите ход решения и полученный ответ.

13. (1 б) Сторона квадрата равна 4 см. Точка, равноудаленная от всех вершин квадрата, находится на расстоянии 6 см от точки пересечения его диагоналей. Найдите расстояние от этой точки до вершин квадрата.
14. (1 б) Материальная точка движется по прямой со скоростью $\mathcal{Q}(t) = 6t^2 - 10t$ (\mathcal{Q} , м/с; t , с). Найдите ускорение точки в момент времени $t = 3$ с.
15. (1 б) Найдите область определения функции $y = \sqrt{x-5}$.
16. (1 б) Решите уравнение $\sqrt[3]{x+1} = 2$
17. (1 б) Решите уравнение $\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$
18. (1 б) Высота цилиндра 10 см, а радиус основания 1 см. Найдите площадь осевого сечения цилиндра.

Дополнительная часть.

При выполнении заданий 19-22 запишите ход решения и правильный ответ.

19. (3 б) Найдите промежутки убывания функции $f(x) = x^4 - 2x^2 - 3$
20. (3 б) Площадь осевого сечения конуса равна 216 см², диаметр основания 24 см. Определить площадь боковой поверхности конуса.

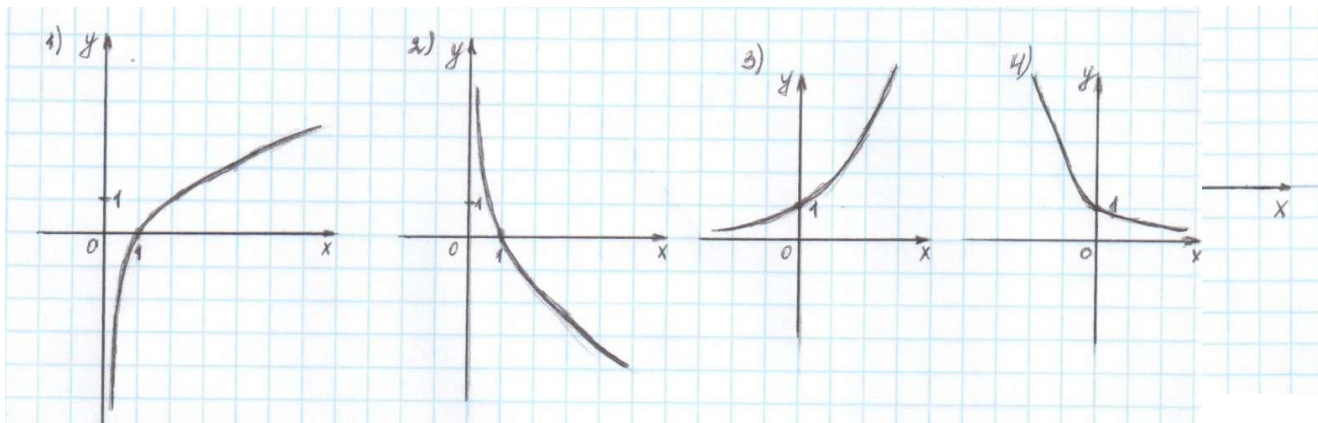
21. (3 б) Решите систему уравнений $\begin{cases} x + 4y = 16 \\ \log_7 y - \log_7 4 = \log_7(x + 1) \end{cases}$
22. (3 б) Найдите решение уравнения $3\cos^2 x + 4\sin x \cos x + 5\sin^2 x = 2$

Вариант 4

Обязательная часть.

При выполнении заданий 1-8 запишите ход решения и правильный ответ.

1. (1 б) Флакон шампуня стоит 160 рублей. Какое наибольшее число флаконов можно купить на 1000 рублей во время распродажи, когда скидка составляет 25 %.
2. (1 б) Сколькими способами могут разместиться 5 человек вокруг стола?
3. (1 б) Определите какие из перечисленных точек принадлежат графику функции $f(x) = \cos x$
- А $\left(\frac{\pi}{3}; -\frac{1}{2}\right)$ В $\left(\frac{\pi}{2}; 0\right)$ С (0; -1) D $\left(\frac{\pi}{4}; -1\right)$
4. (1 б) Найдите значение выражения $4^{\sqrt{6}+10} \cdot 4^{-6-\sqrt{6}}$
5. (1 б) Найдите значение $\sin \alpha$, если известно, что $\cos \alpha = \frac{1}{2}$ и $\alpha \in IV$ ч
6. (1 б) Решите уравнение $\log_5(5 - 5x) = 2\log_5 2$
7. (1 б) Даны векторы $\vec{a}\{1; -3; 4\}$ и $\vec{b}\{-2; 0; 6\}$. Найдите координаты $\vec{c} = \vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$.
8. (1 б) Решите уравнение $3^{2-2x} = 81$
9. (1 б) Укажите график функции, заданной формулой $y = \log_2 x$



В заданиях 10-12, используя график функции $y = f(x)$ (см. ниже), определите и запишите ответ.

10. (1 б) Промежутки возрастания и убывания функции.
11. (1 б) Наибольшее и наименьшее значение функции.
12. (1 б) При каких значениях x $f(x) \geq 0$

При выполнении заданий 13-18 запишите ход решения и полученный ответ.

13. (1 б) Наклонная АВ составляет с плоскостью α угол в 30° , причём АВ=4 см. Найдите длину перпендикуляра, опущенного из точки А на плоскость α .
14. (1 б) Тело движется по закону $S(t) = t^2 - 4t + 3$. Определите в какой момент времени тело остановится?
15. (1 б) Найдите область определения функции $y = \frac{5}{x-5}$
16. (1 б) Решите уравнение $\sqrt{9-x^2} = 0$
17. (1 б) Решите уравнение $2\operatorname{tg}x = 2$

18. (1 б) Радиус шара равен 50 см. Найдите длину окружности и площадь сечения, находящегося на расстоянии 48 см от центра.

Дополнительная часть.

При выполнении заданий 19-22 запишите ход решения и правильный ответ.

19. (3 б) Найдите промежутки возрастания функции $f(x) = x^4 - 8x^2 + 3$

20. (3 б) Стороны основания прямого параллелепипеда 6 см и 4 см, угол между ними равен 60° . Диагональ большей грани равна 10 см. Найдите площадь полной поверхности параллелепипеда.

21. (3 б) Решите систему уравнений
$$\begin{cases} x + y = 6 \\ \log_2 y = 3 - \log_2 x \end{cases}$$

22. (3 б) Найдите решение уравнения $\sin^2 x - 2\sin x \cos x - 3\cos^2 x = 0$

4. Контрольно-измерительные материалы для промежуточной аттестации по учебной дисциплине (экзамен)

4.1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств

Комплект контрольно-оценочных средств предназначен для оценки результатов освоения учебной дисциплины **Математика**

Форма промежуточной аттестации (в соответствии с учебным планом) – письменный экзамен.

Экзаменационная работа состоит из 2-х частей: обязательной и дополнительной.

Обязательная часть содержит задания минимально обязательного уровня, а дополнительная часть – более сложные задания. При выполнении большинства заданий обязательной части требуется представить ход решения и указать полученный ответ, и только в нескольких заданиях достаточно представить ответ.

При выполнении любого задания дополнительной части описывается ход решения и дается ответ.

Правильное выполнение заданий оценивается баллами.

Правильное выполнение любого задания обязательной части оценивается 1 баллом, правильное выполнение каждого задания дополнительной части – тремя баллами. Баллы указываются в скобках около номера задания.

Если приводится неверный ответ или ответ отсутствует, ставится 0 баллов. Баллы, полученные за все выполненные задания, суммируются

Элементы содержания программы, проверяемые заданиями экзаменационной работы

1 Алгебра

Числа, корни и степени

1.1 Целые числа

1.2 Степень с натуральным показателем

1.3 Дроби, проценты, рациональные числа

1.4 Степень с целым показателем

1.5 Корень степени $n > 1$ и его свойства

1.6 Степень с рациональным показателем и её свойства

1.7 Свойства степени с действительным показателем

Основы тригонометрии

2.1 Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла

2.2 Радианная мера угла

2.3 Синус, косинус, тангенс и котангенс числа

2.4 Основные тригонометрические тождества

2.5 Формулы приведения

2.6 Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов

2.7 Синус и косинус двойного угла

Логарифмы

3.1 Логарифм числа

3.2 Логарифм произведения, частного, степени

3.3 Десятичный и натуральный логарифмы, число e

Преобразования выражений

4.1 Преобразования выражений, включающих арифметические операции

4.2 Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень

4.3 Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени

4.4 Преобразования тригонометрических выражений

4.5 Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования

4.6 Модуль (абсолютная величина) числа

II Уравнения и неравенства

Уравнения

- 1.1 Квадратные уравнения
- 1.2 Рациональные уравнения
- 1.3 Иррациональные уравнения
- 1.4 Тригонометрические уравнения
- 1.5 Показательные уравнения
- 1.6 Логарифмические уравнения
- 1.7 Равносильность уравнений, систем уравнений
- 1.8 Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными
- 1.9 Основные приёмы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных
- 1.10 Использование свойств и графиков функций при решении уравнений
- 1.11 Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем

1.12 Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учёт реальных ограничений

Неравенства

- 2.1 Квадратные неравенства
- 2.2 Рациональные неравенства
- 2.3 Показательные неравенства
- 2.4 Логарифмические неравенства
- 2.5 Системы линейных неравенств
- 2.6 Системы неравенств с одной переменной
- 2.7 Равносильность неравенств, систем неравенств
- 2.8 Использование свойств и графиков функций при решении неравенств
- 2.9 Метод интервалов
- 2.10 Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем

III Функции

Определение и график функции

- 1.1 Функция, область определения функции
- 1.2 Множество значений функции
- 1.3 График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях
- 1.4 Обратная функция. График обратной функции
- 1.5 Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат

Элементарное исследование функций

- 2.1 Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания
- 2.2 Чётность и нечётность функции
- 2.3 Периодичность функции
- 2.4 Ограниченность функции
- 2.5 Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции
- 2.6 Наибольшее и наименьшее значения функции

Основные элементарные функции

- 3.1 Линейная функция, её график
- 3.2 Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, её график
- 3.3 Квадратичная функция, её график
- 3.4 Степенная функция с натуральным показателем, её график
- 3.5 Тригонометрические функции, их графики
- 3.6 Показательная функция, её график
- 3.7 Логарифмическая функция, её график

IV Начала математического анализа

Производная

1.1 Понятие о производной функции, геометрический смысл производной

1.2 Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком

1.3 Уравнение касательной к графику функции

1.4 Производные суммы, разности, произведения, частного

1.5 Производные основных элементарных функций

1.6 Вторая производная и её физический смысл

Исследование функций

2.1 Применение производной к исследованию функций и построению графиков

2.2 Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах

Первообразная и интеграл

3.1 Первообразные элементарных функций

3.2 Примеры применения интеграла в физике и геометрии

V Геометрия

Планиметрия

1.1 Треугольник

1.2 Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат

1.3 Трапеция

1.4 Окружность и круг

1.5 Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника

1.6 Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника

1.7 Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника

Прямые и плоскости в пространстве

2.1 Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых

2.2 Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства

2.3 Параллельность плоскостей, признаки и свойства

2.4 Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трёх перпендикулярах

2.5 Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства

2.6 Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур

Многогранники

3.1 Призма, её основания, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма

3.2 Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде

3.3 Пирамида, её основание, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида

3.4 Сечения куба, призмы, пирамиды

3.5 Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр)

Тела и поверхности вращения

4.1 Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка

4.2 Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка

4.3 Шар и сфера, их сечения

Измерение геометрических величин

5.1 Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности

5.2 Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями

5.3 Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника

5.4 Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми, расстояние между параллельными плоскостями

5.5 Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора

5.6 Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы

5.7 Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара

Координаты и векторы

6.1 Декартовы координаты на плоскости и в пространстве

6.2 Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы

6.3 Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число

5.6.4 Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам

6.5 Компланарные векторы. Разложение по трём некопланарным векторам

6.6 Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами

VI Элементы комбинаторики, статистики и теории

вероятностей

Элементы комбинаторики

1.1 Поочередный и одновременный выбор

1.2 Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона

Элементы статистики

2.1 Табличное и графическое представление данных

2.2 Числовые характеристики рядов данных

Элементы теории вероятностей

3.1 Вероятности событий

3.2 Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач

Требования (умения), проверяемые заданиями экзаменационной работы.

У.1 Уметь выполнять вычисления и преобразования

1.1 Выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма

1.2 Вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования

1.3 Проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции

У.2 Уметь решать уравнения и неравенства

2.1 Решать рациональные, иррациональные, показательные, тригонометрические и логарифмические уравнения, их системы

2.2 Решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков; использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод

2.3 Решать рациональные, показательные и логарифмические неравенства, их системы

У.3 Уметь выполнять действия с функциями

3.1 Определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции; описывать по графику поведение и свойства функции, находить по графику функции наибольшее и наименьшее значения; строить графики изученных функций

3.2 Вычислять производные и первообразные элементарных функций

3.3 Исследовать в простейших случаях функции на монотонность,

находить наибольшее и наименьшее значения функции

У.4 Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами

4.1 Решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей)

4.2 Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы

4.3 Определять координаты точки; проводить операции над векторами, вычислять длину и координаты вектора, угол между векторами

У.5 Уметь строить и исследовать простейшие математические модели

5.1 Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять уравнения и неравенства по условию задачи; исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры

5.2 Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

5.3 Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать логически некорректные рассуждения

5.4 Моделировать реальные ситуации на языке теории вероятностей и статистики, вычислять в простейших случаях вероятности событий

У.6 Уметь использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни

6.1 Анализировать реальные числовые данные, информацию статистического характера; осуществлять практические расчеты по формулам; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах

6.2 Описывать с помощью функций различные реальные зависимости между величинами и интерпретировать их графики; извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках

6.3 Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

Организация контроля и оценивания

Форма промежуточной аттестации	Организация контроля и оценивания
Экзамен	Проводиться в письменной форме. Для проведения экзамена готовится комплект контрольных материалов не менее, чем из 4 вариантов для групп обучающихся, которые сдают экзамен в один день и в одно и то же время. На выполнение отводится 4 астрономических часа (240 минут). Допуск к промежуточной аттестации при условии выполнения всех контрольных точек (зачеты, контрольные работы, практические работы, внеаудиторная самостоятельная работа).

Материально-техническое обеспечение контрольно-оценочных мероприятий

Контрольно-оценочные мероприятия проводятся в учебном кабинете математики.

Оборудование учебного кабинета и рабочих мест кабинета:

- посадочные места для обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- сборники заданий;

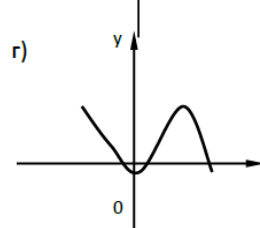
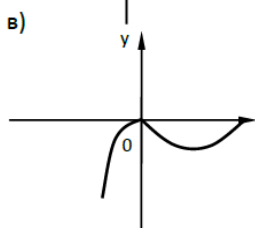
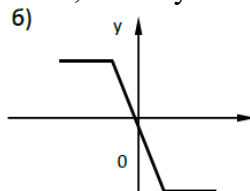
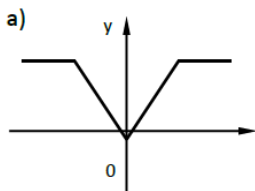
- справочные материалы из пособия.

4.2 Задания для экзаменуемого

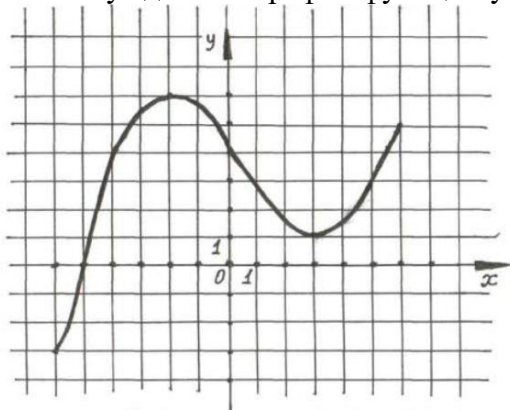
Обязательная часть

При выполнении заданий 1 -18 запишите ход решения и полученный ответ.

- (1 балл) Билет на автобус стоит 30 рублей. Определите, на сколько поездок хватит 100 рублей, если стоимость билета снизят на 10%.
- (1 балл) Определите, сколько банок краски по 3 кг необходимо купить для покраски пола в спортивном зале площадью $6 \times 12 \text{ м}^2$, если на 1 м^2 расходуется 300 граммов краски.
- (1 балл) Определите, какие из перечисленных точек принадлежат графику функции $y(x) = 2x - 1$.
А (1; 1); В (0; -1); С (2; 4); Д (3; 5).
- (1 балл) Вычислите значение выражения $9^{3/2} + 27^{2/3} + \sqrt{81}$.
- (1 балл) Найдите значение $\cos \alpha$, если известно, что $\sin \alpha = 1/3$ и $\alpha \in I$ четверти.
- (1 балл) Решите уравнение $5^{5x+1} = 25^{2x}$.
- (1 балл) Вычислите значение выражения $\log_2 8 - \log_2 125 + \lg 100 + \lg 1$.
- (1 балл) Решите уравнение $\log_2 (3x + 17) = 4$.
- (1 балл) Определите какой из ниже приведённых графиков соответствует чётной функции. Отметьте его знаком «+» и кратко поясните, почему.



Используя данный график функции $y = f(x)$ ответьте на вопросы:



- (1 балл) Наименьшее и наибольшее значения функции.
- (1 балл) Промежутки возрастания и убывания функции.
- (1 балл) При каких значениях x $f(x) \geq 0$.
- (1 балл) От электрического столба высотой 6 м к дому, высота которого 3 м натянут кабель. Определите длину кабеля, если расстояние между домом и столбом 4 м.
- (1 балл) Тело движется по закону $S(t) = t^2 - 7t + 3$. Определите в какой момент времени скорость будет равна 3.

- 15.(1 балл) Найдите область определения функции $y = \text{Lg} (x^2 + 4x)$.
- 16.(1 балл) Решите уравнение $\frac{1}{2} * \sqrt{x} + 2 = 4$.
- 17.(1 балл) Решите уравнение $\sin^2 x + \sin x = -\cos^2 x$.
- 18.(1 балл) Прямоугольный треугольник с катетами 3 см и 4 см в первый раз вращается вокруг большего катета, а во второй – вокруг меньшего. Определите полученные геометрические тела и сравните их боковые поверхности.

Дополнительная часть

При выполнении заданий 19 -22 запишите ход решения и полученный ответ.

- 19.(3 балла) Найдите промежутки убывания функции $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 36x$.
- 20.(3 балла) Основанием призмы является ромб со стороной 12 см и углом 60° . Меньшее из диагональных сечений призмы является квадратом. Найдите объём призмы.
- 21.(3 балла) Решите систему уравнений $\begin{cases} y/3 - x/2 = 1 \\ 2^{x-2} * 2^x = 8. \end{cases}$
- 22.(3 балла) Найдите решение уравнения $2 \sin^2 x - 5 \cos x - 5 = 0$, удовлетворяющее условию $\sin x > 0$.

1.3 Критерии оценки результата

За правильное выполнение любого задания из обязательной части обучающийся получает 1 балл, за правильное выполнение любого задания из дополнительной части обучающийся получает 3 балла. Число баллов, которое обучающийся может получить за правильное выполнение того или иного задания проставлено в скобках около его номера. Если обучающийся приводит неверный ответ или не приводит никакого ответа, он получает 0 баллов. Баллы, полученные за все выполненные задания суммируются.

Для получения любой из положительных оценок 3, 4 или 5 сначала надо правильно выполнить все задания обязательной части. При этом для получения удовлетворительной оценки не обязательно выполнить все задания обязательной части. Правильное выполнение нескольких заданий обязательной части, во-первых, гарантирует получение «3», а во-вторых дает основу для повышения оценки до «4» или «5».

Критерии оценки выполнения работы

Оценка	Число баллов, необходимых для получения оценки
«3»(удовлетворительно)	9-14
«4»(хорошо)	15-20 (не менее одного задания из дополнительной части)
«5»(отлично)	21-30 (не менее двух задания из дополнительной части)